

# О выборе технологии криостатирования индивидуальной криосауны

А.Ю. БАРАНОВ, В.А. БАРАНОВ, В.М. ЛЕ КУАНГ  
СИБГУНиПТ

*The quality of cryotherapeutic apparatuses is determined by the isotropy of a temperature field in the cabin of a cryo-sauna bath. A mathematical model of an individual cryotherapeutic plant, allowing evaluation of the working ability of different versions of cryostatting of the cabin, is considered. The flow-through and circulation schemes of the plant are compared. The latter reduces nitrogen consumption for the procedure almost 20-fold.*

Криосауна наиболее современный, эффективный и рентабельный вид аппаратуры для общей криотерапии. Несмотря на малые размеры, низкое энергопотребление и внешнюю простоту конструкции, индивидуальные криосауны обеспечивают пропускную способность, сравнимую с групповыми системами (до 100 человек в день), и значительно превосходят групповые системы по эффективности. Серийное производство криосаун в России создало условия для распространения общей криотерапии в лечебной практике. Криосауны отличают высокая энерговооруженность, индивидуализация процедур и синхронность охлаждения поверхности тела.

В публикациях, посвященных вопросам качества криотерапевтической аппаратуры, особое внимание уделяется изотропности поля температур внутри процедурной кабины. Все разработчики единодушны в том, что именно равенство температур по всему объему обеспечивает наилучшие условия. Такое равенство создает одинаковые условия охлаждения для всех участков тела и позволяет сочетать высокую эффективность процедур с безопасностью. Но обеспечить такие условия на практике удается далеко не всегда.

Наиболее распространенной причиной нестабильности температуры является недостаточная энерговооруженность охлаждающей системы. Многие комплексы не рассчитаны на отвод теплоты, выделяемой пациентами [2]. В расчетах она принимается равной 500 Вт, в то время как действительные выделения теплоты на порядок выше [1]. Дефицит холодопроизводительности не позволяет обеспечить синхронное охлаждение.

## Тепловая нагрузка на систему криостатирования

С технической точки зрения криогенная физиотерапия представляет собой технологию переохлаждения поверхности тела до уровня  $+2\ldots -2^{\circ}\text{C}$ . Переохлаждение ограничивают по времени, чтобы оно не распространилось во внутренние слои тела, а также для исключения случаев обморожения. В результате с поверхности тела за 180 с

выделяется до  $400 \text{ кДж}/\text{м}^2$  теплоты, средний тепловой поток составляет  $2,2 \text{ кВт}/\text{м}^2$ . Значительное количество теплоты подводится от стенок процедурной кабины. Из-за колебания температур в изолированном пространстве теплоприток от теплового ограждения может достигать величины  $0,5\ldots 1 \text{ кВт}/\text{м}^2$ .

Вся эта теплота отводится из объема криосауны потоком газа- теплоносителя (рис. 1). Газ поступает в нижнюю часть кабины в количестве  $g_1$  с минимальной температурой  $T_{l\min}$ . Перемещаясь по объему кабины 3, газ воспринимает тепловые потоки  $q_2$  и  $q_3$ , в результате его температура возрастает до  $T_{l\max}$ , после чего газ отводится за пределы криосауны.

Механизм отвода теплоты основан на теплоемкости газа. Перегрев газа в кабине неизбежен, следовательно, создать изотермические условия невозможно. Но в условиях ограниченного градиента температур и с использо-

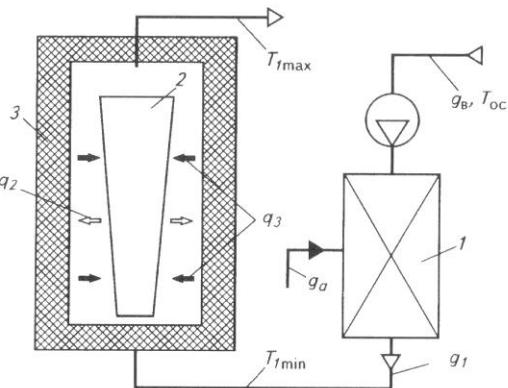


Рис. 1. Термическая схема индивидуальной криотерапевтической установки (ИУ) с азотным охлаждением:

1 – контактный теплообменник для смешения атмосферного воздуха с жидким азотом; 2 – человек в кабине; 3 – кабина криосауны

ванием слабой вынужденной конвекции можно обеспечить синхронное снижение температуры поверхности тела. Для оптимизации процесса охлаждения используют математическую модель индивидуальной криотерапевтической установки. Тепловые и материальные процессы в кабине индивидуальной криосауны описываются дифференциальными уравнениями энергии и неразрывности [1]. Учитывая симметрию процессов в кабине, можно ограничиться одномерным приближением.

Уравнение неразрывности

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial(\rho \omega_y)}{\partial y} = 0;$$

уравнение сохранения энергии газа

$$\rho \frac{\partial h}{\partial t} = q_v + \lambda \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + \rho \omega_y \frac{\partial h}{\partial y} + \rho h \frac{\partial \omega_y}{\partial y},$$

где  $\rho$  – плотность газа в кабине,  $\text{кг}/\text{м}^3$ ;

$t$  – время, с;

$h$  – удельная энталпия,  $\text{кДж}/\text{кг}$ ;

$\lambda$  – коэффициент теплопроводности газа,  $\text{Вт}/(\text{м}\cdot\text{К})$ ;

$q_v$  – суммарный подвод теплоты к единице объема кабины;

$$q_v = f_2 q_2 + f_3 q_3,$$

$f_2, f_3$  – удельная, отнесенная к единице объема кабины площадь поверхности объекта охлаждения (пациента) и изоляционной конструкции соответственно,  $\text{м}^2/\text{м}^3$ ;

$q_2, q_3$  – соответственно удельные тепловыделения с поверхности объекта и изоляции,  $\text{Вт}/\text{м}^2$ .

Подвод теплоты от источников определяется градиентом температур  $T$  и интенсивностью теплообмена  $\alpha$ :

$$q_2 = \alpha_2(T_2 - \bar{T}_1) \text{ и } q_3 = \alpha_3(T_3 - \bar{T}_1).$$

Для расчета значений  $T_2 = f(t)$ ,  $T_3 = f(t)$  используются математические модели покровных тканей человека [1] и многослойной теплоизоляции. Математическая модель индивидуальной криотерапевтической установки позволяет оценить работоспособность различных вариантов криостатирования процедурной кабины.

#### Выбор технологии криостатирования

Приведенная на рис. 1 схема широко применялась в установках, производимых в конце XX в. С учетом способа отвода теплоты из кабины эту схему называют проточной. Газ-теплоноситель получают путем смешения атмосферного воздуха с мелкодисперсным жидким азотом. Охлаждение воздуха  $g_B$  от температуры окружающей среды  $T_{oc}$  до температуры, с которой газ подается в кабину  $T_{lmin}$ , обеспечивается за счет подачи в теплообменное устройство потока жидкого азота  $g_a$ .

Удельные затраты криоагента определяются из теплового и материального баланса контактного теплообменника.

Материальный баланс:

$$g_1 = g_a + g_B.$$

Введем в рассмотрение коэффициент  $A = g_a/g_B$ , тогда

$$g_1 = (A + 1) g_B. \quad (1)$$

Тепловой баланс смешения воздуха и криоагента:

$$c_p(T_{oc} - T_{lmin}) = A[r_a + c_a(T_{lmin} - T'_{a})].$$

Решая уравнение относительно удельной доли криоагента, получим

$$A = c_p(T_{oc} - T_{lmin}) / [r_a + c_a(T_{lmin} - T'_{a})].$$

Если  $T_{lmin} = 130 \text{ K}$ , то  $A = 0,65 \text{ кг}/\text{кг}$ .

Перепишем уравнение энергии без учета переноса теплоты теплопроводностью и колебаний плотности газа в кабине:

$$\rho \frac{\partial h}{\partial t} = q_v + \rho \omega_y \frac{\partial h}{\partial y}.$$

При замене производных конечными разностными приближениями:

$$\rho \frac{\Delta h}{\Delta t} = q_v + \rho \omega_y \frac{\Delta h}{\Delta y},$$

$$\rho c_p \frac{\Delta T}{\Delta t} = q_v + \rho \omega_y c_p \frac{\Delta T}{\Delta y}.$$

Полученное выражение пригодно для проведения численного эксперимента и приблизительной количественной оценки материальных и энергетических потоков в криосауне.

Ранее авторами было показано, что  $q_2 = 2,2 \text{ кВт}/\text{м}^2$ , а  $q_3 = 0,5 \text{ кВт}/\text{м}^2$ .

Из технической информации об индивидуальных криосаунах [3] известно, что  $1,5 \leq f_2 \leq 3,2 \text{ м}^2/\text{м}^3$ , а  $5 \leq f_3 \leq 6,7 \text{ м}^2/\text{м}^3$ . Используя минимальные значения тепловыделяющей поверхности и приведенные выше значения  $q_2, q_3$ , получим  $q_v = 6 \text{ кВт}/\text{м}^2$ . Полагая режим установившимся ( $\Delta T/\Delta t = 0$ ) и принимая  $\Delta y = 1$ , решим уравнение энергии:

$$q_v + \rho \omega_y c_p (T_{lmax} - T_{lmin}) = 0$$

или

$$q_v = \rho \omega_y c_p (T_{lmax} - T_{lmin}),$$

где  $\rho \omega_y = g_1 = g_a + g_B = g_B (A + 1)$ .

Можно определить количество теплоносителя, необходимое для того, чтобы перегрев газа в кабине не превышал допустимой величины  $\Delta T_{lmax}$ :

$$g_1 = q_v / (c_p \Delta T_{lmax}).$$

Оценим затраты криоагента на поддержание необходимого расхода теплоносителя. Так как количество газа, пошедшего в кабину, определяется расходом воздуха, можно определить минимальный расход воздуха в теплообменнике:

$$g_B = q_v / [(1 + A) c_p \Delta T_{lmax}].$$

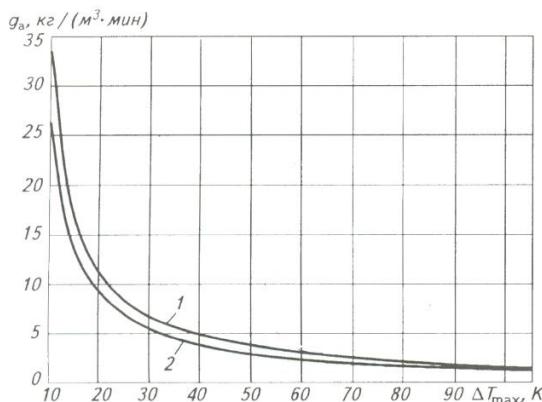


Рис. 2. Удельные затраты жидкого азота для криостатирования 1 м<sup>3</sup> объема криосауны при заданной величине допустимого перегрева теплоносителя:  
1 – уровень криостатирования кабины  $T_1 = 90\text{ K}$ ;  
2 –  $T_1 = 130\text{ K}$

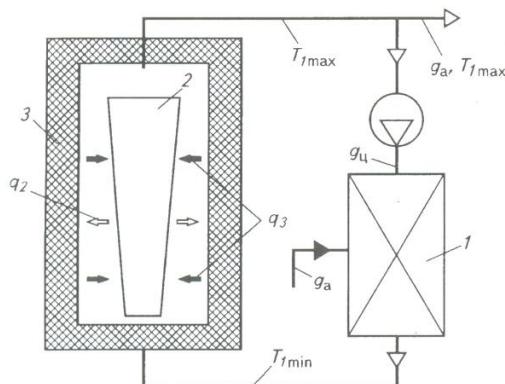


Рис. 3. Циркуляционная схема криостатирования кабины криосауны (обозначения аналогичны рис. 1)

При заданном уровне  $T_{1\min}$  удельный расход теплоносителя зависит от величины допустимого перегрева, т.е.  $g_b = \mathcal{J} \Delta T_{1\max}$ .

Удельный расход азота  $g_a = g_b A = \mathcal{J} (\Delta T_{1\max})$ .

Для эксплуатации криосаун важнейшим показателем является расход криоагента

$$g_a = A q_v / [(1 + A) c_p \Delta T_{1\max}]$$

В зависимости от величины допустимого перегрева  $\Delta T_{1\max}$  и уровня криостатирования кабины затраты криоагента будут существенно меняться (рис. 2).

Основная масса криосаун использует современную технологию криостатирования, основанную на циркуляции большей части теплоносителя (рис. 3). В этом случае большая часть газа  $g_u$  после кабины поступает на по-

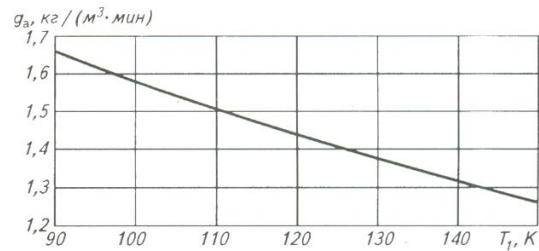


Рис. 4. Расчетные затраты азота на криостатирование 1 м<sup>3</sup> криосауны на разных температурных уровнях криостатирования  $T_1$  при заданном перегреве теплоносителя

вторное охлаждение. В атмосферу сбрасывается поток  $g_a$ , равный по массе расходу криоагента в теплообменнике. Теплоноситель циркулирует между теплообменником 1 и кабиной 3, поэтому схема получила название циркуляционной.

То, что на смешение с азотом подается не атмосферный воздух, а поток  $g_u$  из верхней части кабины, кардинально меняет энергетическую эффективность процесса. Теплоноситель в новой схеме действительно переносит теплоту перегрева из кабины к жидкому азоту. Расход криоагента высчитывается по формуле

$$g_a = q_v / [r_a + c_a (T_{1\max} - T'_a)]$$

Расход циркуляционного потока  $g_u$  не влияет на величину  $g_a$ , что позволяет неограниченно наращивать количество газа, циркулирующего через кабину, и обеспечивать в ней необходимое распределение температур.

Переход на рациональную схему использования криоагента сокращает затраты азота почти в 20 раз (рис. 4). Установки, построенные по циркуляционной схеме, быстро заполняют объем процедурной зоны криогенным теплоносителем.

Выполненный анализ показывает, что выбор рациональной схемы криостатирования оказывает определяющее влияние на работоспособность, эффективность и безопасность индивидуальных криосаун.

#### Список литературы

- Баранов А.Ю., Малышева Т.А. Моделирование нестационарного теплообмена в криомедицине // Вестник Международной академии холода. 2000. № 2.
- Баранов А. Ю., Малышева Т. А., Баранов В. А. Энергетические основы эффективности криотерапевтической аппаратуры // Физиотерапия, бальнеология и реабилитация. 2005. № 2.
- Баранов А.Ю. Разработка техники и технологии криотерапии // Холодильная техника. 2006. № 12.